



# Schneller Rechnen mit den Napierschen Stäben

## Die raffinierte Art, große Zahlen einfach handzuhaben

Bevor der Taschenrechner Einzug in Schule, Werkstatt und Büro hielt, mussten sich die Menschen anderweitige Rechenhilfen besorgen, um lange Zahlen relativ einfach handzuhaben. Eine dieser Hilfen ersann der schottische Mathematiker John Napier. Dessen Rechenstäbe leisten Erstaunliches. Zeit, das verschüttete Wissen um diese Stäbe wieder auszugraben.

Es ist schade, dass viele wichtige Errungenschaften im Laufe der Zeit wieder verblasen, wenn eine bessere Erfindung den Platz einnimmt. Dieses Schicksal hat auch die Rechenstäbe von John Napier ereilt. Obwohl sie genial einfach handhabbar sind und mit ihnen selbst größte Zahlen mühelos multipliziert werden können, ist das Wissen um sie nur mehr einem kleinen Kreis von Experten bekannt. Das zugrundeliegende System ist jedoch derart genial, dass es sich lohnt, darüber Bescheid zu wissen.

### Vom Einmaleins zur Billion

Um die Napierschen Rechenstäbe, auch Nepersche Stäbe genannt, zu verstehen, ist nur wenig Zeitaufwand nötig. Das Geheimnis liegt darin zu verstehen, dass jeder Stab einen Teilbereich des kleinen Einmaleins beherr-

bergt und daher die kleinste Menge an Stäbchen neun beträgt, um die Zahlenreihe von eins bis neun abzudecken. Es können beliebig viele Stäbe aneinandergereiht werden, sodass selbst längste Zahlen handhabbar sind.

Die Aussage ›beliebig viele Stäbe‹ bedeutet natürlich, dass jeder Stab eine unbegrenzte Zahl an Klonen haben kann, um jede beliebige Zahl darzustellen. Dies bedeutet, dass mit Neperschen Stäben Berechnungen möglich sind, die mit so manchem Taschenrechner nicht möglich sind!

Damit Berechnungen ausgeführt werden, ist es noch notwendig, auf der linken Seite einen Stab mit den Multiplikatoren anzulegen. Die Multiplikatoren bringt jeder Stab bereits mit. Diese stehen ganz oben auf dem jeweiligen Rechenstab. Wenn man nun die Stäbe genau ansieht, dann erkennt man, dass das kleine Einmaleins dort

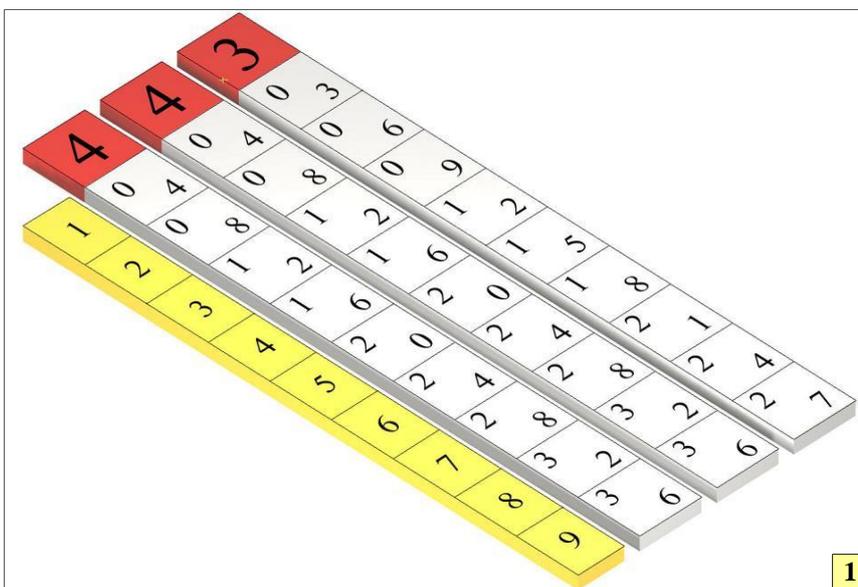
niedergeschrieben steht. Zum Beweis sollen die Rechnungen  $2 \times 2$ ;  $5 \times 7$  und  $9 \times 8$  herangezogen werden. Wie man unschwer erkennen kann, stehen die Ergebnisse an der jeweiligen Stellen auf den Stäbchen.

## Rechnen ohne Kopferbrechen

Da die Stäbchen einzeln beweglich sind, können diese zu jeder beliebigen Zahl aneinandergereiht werden. Wenn zum Beispiel die Zahl 443 mit 8 multipliziert werden soll, dann benötigt man lediglich zwei Stäbchen von der ›4‹ und ein Stäbchen von der ›3‹. Sobald diese aneinandergereiht sind, kann die Berechnung starten. Dazu ist es nur nötig, die jeweils direkt gegenüberstehenden Zahlen zu multiplizieren und alleine stehende Zahlen direkt auf ein Blatt Papier zu schreiben.

Dieses Schema, das man übrigens auch mit jeder Tabellenkalkulation einfach simulieren kann, gilt für jede Zahl und wenn sie noch so groß ist. Dieses System hat der „Uhrmacher Gottes“, Philipp Matthäus Hahn zum schnelleren Rechnen sogar auf eine Rechentrommel übertragen und später in seinen Rechenmaschinen genutzt. Wer sich dafür interessiert, sei an das Philipp-Matthäus-Hahn-Museum in Albstadt-Onstmettingen verwiesen.

[www.weltdorfertigung.de](http://www.weltdorfertigung.de)



	4	4	3	
1	04	04	03	$8 \times 443 =$  $3544$
2	08	08	06	
3	12	12	09	
4	16	16	12	
5	20	20	15	
6	24	24	18	
7	28	28	21	
8	32	32	24	
9	36	36	27	

2

1 Mit den cleveren Rechenstäben des schottischen Mathematikers John Napier können ohne viel Aufwand selbst größte Zahlen multipliziert werden.

2 Ergebnis von  $8 \times 443$ : Einfach die alleine stehenden Zahlen anschreiben, jedoch die gegenüberliegenden Zahlen zuerst addieren! Auf diese Weise können größte Zahlen mühelos gehandhabt werden.

**2x2=4**

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	0 <sub>1</sub>	0 <sub>2</sub>	0 <sub>3</sub>	0 <sub>4</sub>	0 <sub>5</sub>	0 <sub>6</sub>	0 <sub>7</sub>	0 <sub>8</sub>	0 <sub>9</sub>
2	0 <sub>2</sub>	0 <sub>4</sub>	0 <sub>6</sub>	0 <sub>8</sub>	1 <sub>0</sub>	1 <sub>2</sub>	1 <sub>4</sub>	1 <sub>6</sub>	1 <sub>8</sub>
3	0 <sub>3</sub>	0 <sub>6</sub>	0 <sub>9</sub>	1 <sub>2</sub>	1 <sub>5</sub>	1 <sub>8</sub>	2 <sub>1</sub>	2 <sub>4</sub>	2 <sub>7</sub>
4	0 <sub>4</sub>	0 <sub>8</sub>	1 <sub>2</sub>	1 <sub>6</sub>	2 <sub>0</sub>	2 <sub>4</sub>	2 <sub>8</sub>	3 <sub>2</sub>	3 <sub>6</sub>
5	0 <sub>5</sub>	1 <sub>0</sub>	1 <sub>5</sub>	2 <sub>0</sub>	2 <sub>5</sub>	3 <sub>0</sub>	3 <sub>5</sub>	4 <sub>0</sub>	4 <sub>5</sub>
6	0 <sub>6</sub>	1 <sub>2</sub>	1 <sub>8</sub>	2 <sub>4</sub>	3 <sub>0</sub>	3 <sub>6</sub>	4 <sub>2</sub>	4 <sub>8</sub>	5 <sub>4</sub>
7	0 <sub>7</sub>	1 <sub>4</sub>	2 <sub>1</sub>	2 <sub>8</sub>	3 <sub>5</sub>	4 <sub>2</sub>	4 <sub>9</sub>	5 <sub>6</sub>	6 <sub>3</sub>
8	0 <sub>8</sub>	1 <sub>6</sub>	2 <sub>4</sub>	3 <sub>2</sub>	4 <sub>0</sub>	4 <sub>8</sub>	5 <sub>6</sub>	6 <sub>4</sub>	7 <sub>2</sub>
9	0 <sub>9</sub>	1 <sub>8</sub>	2 <sub>7</sub>	3 <sub>6</sub>	4 <sub>5</sub>	5 <sub>4</sub>	6 <sub>3</sub>	7 <sub>2</sub>	

**3a**

**5x7=35**

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	0 <sub>1</sub>	0 <sub>2</sub>	0 <sub>3</sub>	0 <sub>4</sub>	0 <sub>5</sub>	0 <sub>6</sub>	0 <sub>7</sub>	0 <sub>8</sub>	0 <sub>9</sub>
2	0 <sub>2</sub>	0 <sub>4</sub>	0 <sub>6</sub>	0 <sub>8</sub>	1 <sub>0</sub>	1 <sub>2</sub>	1 <sub>4</sub>	1 <sub>6</sub>	1 <sub>8</sub>
3	0 <sub>3</sub>	0 <sub>6</sub>	0 <sub>9</sub>	1 <sub>2</sub>	1 <sub>5</sub>	1 <sub>8</sub>	2 <sub>1</sub>	2 <sub>4</sub>	2 <sub>7</sub>
4	0 <sub>4</sub>	0 <sub>8</sub>	1 <sub>2</sub>	1 <sub>6</sub>	2 <sub>0</sub>	2 <sub>4</sub>	2 <sub>8</sub>	3 <sub>2</sub>	3 <sub>6</sub>
5	0 <sub>5</sub>	1 <sub>0</sub>	1 <sub>5</sub>	2 <sub>0</sub>	2 <sub>5</sub>	3 <sub>0</sub>	3 <sub>5</sub>	4 <sub>0</sub>	4 <sub>5</sub>
6	0 <sub>6</sub>	1 <sub>2</sub>	1 <sub>8</sub>	2 <sub>4</sub>	3 <sub>0</sub>	3 <sub>6</sub>	4 <sub>2</sub>	4 <sub>8</sub>	5 <sub>4</sub>
7	0 <sub>7</sub>	1 <sub>4</sub>	2 <sub>1</sub>	2 <sub>8</sub>	3 <sub>5</sub>	4 <sub>2</sub>	4 <sub>9</sub>	5 <sub>6</sub>	6 <sub>3</sub>
8	0 <sub>8</sub>	1 <sub>6</sub>	2 <sub>4</sub>	3 <sub>2</sub>	4 <sub>0</sub>	4 <sub>8</sub>	5 <sub>6</sub>	6 <sub>4</sub>	7 <sub>2</sub>
9	0 <sub>9</sub>	1 <sub>8</sub>	2 <sub>7</sub>	3 <sub>6</sub>	4 <sub>5</sub>	5 <sub>4</sub>	6 <sub>3</sub>	7 <sub>2</sub>	

**3b**

**9x8=72**

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	0 <sub>1</sub>	0 <sub>2</sub>	0 <sub>3</sub>	0 <sub>4</sub>	0 <sub>5</sub>	0 <sub>6</sub>	0 <sub>7</sub>	0 <sub>8</sub>	0 <sub>9</sub>
2	0 <sub>2</sub>	0 <sub>4</sub>	0 <sub>6</sub>	0 <sub>8</sub>	1 <sub>0</sub>	1 <sub>2</sub>	1 <sub>4</sub>	1 <sub>6</sub>	1 <sub>8</sub>
3	0 <sub>3</sub>	0 <sub>6</sub>	0 <sub>9</sub>	1 <sub>2</sub>	1 <sub>5</sub>	1 <sub>8</sub>	2 <sub>1</sub>	2 <sub>4</sub>	2 <sub>7</sub>
4	0 <sub>4</sub>	0 <sub>8</sub>	1 <sub>2</sub>	1 <sub>6</sub>	2 <sub>0</sub>	2 <sub>4</sub>	2 <sub>8</sub>	3 <sub>2</sub>	3 <sub>6</sub>
5	0 <sub>5</sub>	1 <sub>0</sub>	1 <sub>5</sub>	2 <sub>0</sub>	2 <sub>5</sub>	3 <sub>0</sub>	3 <sub>5</sub>	4 <sub>0</sub>	4 <sub>5</sub>
6	0 <sub>6</sub>	1 <sub>2</sub>	1 <sub>8</sub>	2 <sub>4</sub>	3 <sub>0</sub>	3 <sub>6</sub>	4 <sub>2</sub>	4 <sub>8</sub>	5 <sub>4</sub>
7	0 <sub>7</sub>	1 <sub>4</sub>	2 <sub>1</sub>	2 <sub>8</sub>	3 <sub>5</sub>	4 <sub>2</sub>	4 <sub>9</sub>	5 <sub>6</sub>	6 <sub>3</sub>
8	0 <sub>8</sub>	1 <sub>6</sub>	2 <sub>4</sub>	3 <sub>2</sub>	4 <sub>0</sub>	4 <sub>8</sub>	5 <sub>6</sub>	6 <sub>4</sub>	7 <sub>2</sub>
9	0 <sub>9</sub>	1 <sub>8</sub>	2 <sub>7</sub>	3 <sub>6</sub>	4 <sub>5</sub>	5 <sub>4</sub>	6 <sub>3</sub>	7 <sub>2</sub>	

**3c**

3 In den Napierschen Stäben verbirgt sich das kleine Einmaleins. Dieses findet sich Abschnittsweise auf jedem einzelnen Rechenstab. Damit die Ziffern bei der Multiplikation irrtumsfrei addiert werden können, sind diese gegeneinander ein wenig versetzt.

4 Der Umgang mit den Nepperschen Stäben folgt einer simplen Logik, auf die man aber erst einmal kommen muss.  
5 Die Nepperschen Stäbe sind bestens mittels eines Tabellenkalkulationsprogramm simulierbar. Auf diese Weise kann man sich spielerisch der raffinierten Rechenidee des John Napier nähern.

5X9856=	5X6=				3	0		
	5X50=				2	5	0	
	5x800=			4	0	0	0	
	5X9000=			4	5	0	0	0
				4	9	2	8	0

**4**

Anzeige

**diebold**  
Goldring Tooling  
Spindle Technology

Innovation & Precision

„Verpulvern Sie Ihr Geld nicht unnötig!“  
...mit dem JetSleeve sparen Sie 1 €/min

www.hsk.com

**www.hsk.com**

	1	2	3	4	5	6	7	8	9
1	0 <sub>1</sub>	0 <sub>2</sub>	0 <sub>3</sub>	0 <sub>4</sub>	0 <sub>5</sub>	0 <sub>6</sub>	0 <sub>7</sub>	0 <sub>8</sub>	0 <sub>9</sub>
2	0 <sub>2</sub>	0 <sub>4</sub>	0 <sub>6</sub>	0 <sub>8</sub>	1 <sub>0</sub>	1 <sub>2</sub>	1 <sub>4</sub>	1 <sub>6</sub>	1 <sub>8</sub>
3	0 <sub>3</sub>	0 <sub>6</sub>	0 <sub>9</sub>	1 <sub>2</sub>	1 <sub>5</sub>	1 <sub>8</sub>	2 <sub>1</sub>	2 <sub>4</sub>	2 <sub>7</sub>
4	0 <sub>4</sub>	0 <sub>8</sub>	1 <sub>2</sub>	1 <sub>6</sub>	2 <sub>0</sub>	2 <sub>4</sub>	2 <sub>8</sub>	3 <sub>2</sub>	3 <sub>6</sub>
5	0 <sub>5</sub>	1 <sub>0</sub>	1 <sub>5</sub>	2 <sub>0</sub>	2 <sub>5</sub>	3 <sub>0</sub>	3 <sub>5</sub>	4 <sub>0</sub>	4 <sub>5</sub>
6	0 <sub>6</sub>	1 <sub>2</sub>	1 <sub>8</sub>	2 <sub>4</sub>	3 <sub>0</sub>	3 <sub>6</sub>	4 <sub>2</sub>	4 <sub>8</sub>	5 <sub>4</sub>
7	0 <sub>7</sub>	1 <sub>4</sub>	2 <sub>1</sub>	2 <sub>8</sub>	3 <sub>5</sub>	4 <sub>2</sub>	4 <sub>9</sub>	5 <sub>6</sub>	6 <sub>3</sub>
8	0 <sub>8</sub>	1 <sub>6</sub>	2 <sub>4</sub>	3 <sub>2</sub>	4 <sub>0</sub>	4 <sub>8</sub>	5 <sub>6</sub>	6 <sub>4</sub>	7 <sub>2</sub>
9	0 <sub>9</sub>	1 <sub>8</sub>	2 <sub>7</sub>	3 <sub>6</sub>	4 <sub>5</sub>	5 <sub>4</sub>	6 <sub>3</sub>	7 <sub>2</sub>	8 <sub>1</sub>

**5**

2x789=	2x9=					1	8				
	2x80=					1	6	0			
	2x700=				1	4	0	0			
					1	5	7	8			
8x2345=	8x5=						4	0			
	8x40=						3	2	0		
	8x300=						2	4	0	0	
	8x2000=						1	6	0	0	0
							1	8	7	6	0

**6**

6 Rechenübung von Bild 5: Das kleine Einmaleins wird so lange wiederholt, bis alle Zahlen durchgerechnet sind. Anschließend werden die Einzelergebnisse von Hand addiert.